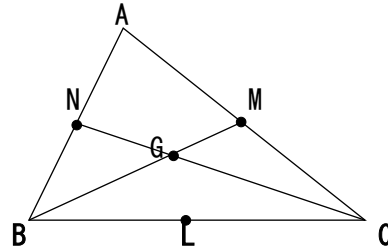


太郎さんと花子さんは、相似の勉強をしています。

太郎さんが作った問題

$\triangle ABC$ の辺 BC 、 CA 、 AB の中点をそれぞれ L 、 M 、 N とする。
 線分 BM と CN の交点を G とするとき、線分 BG と GM の長さの比を求めなさい。

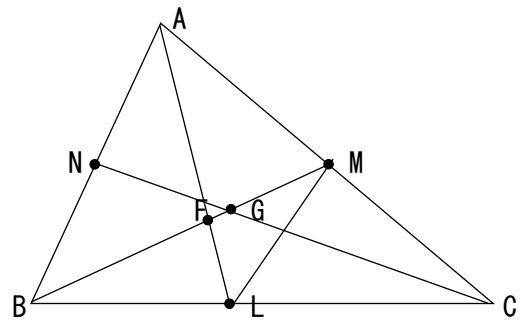


(1) 太郎さんが作った問題を解きなさい。

この問題を考えたあと、花子さんは次のような疑問を持ちました。

この図形に線分 AL を加えて、線分 AL と BM の交点を F とすると、点 F と G は同じ場所にくるのかそれとも異なる場所にくるのか、どちらなのかな？

(2) 2点 F と G が、同じ点であることを説明しなさい。



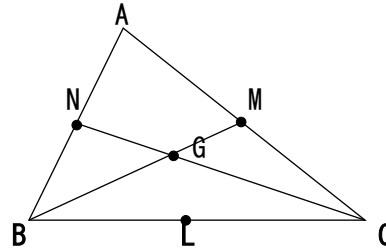
太郎さんと花子さんは、相似の勉強をしています。

【出題の趣旨】

- 相似の性質を利用して、課題を解決できる。
- 3本の直線が1点で交ることを説明できる。

太郎さんが作った問題

△ABCの辺BC、CA、ABの中点をそれぞれL、M、Nとする。
 線分BMとCNの交点をGとするとき、線分BGとGMの長さの比を求めなさい。



(1) 太郎さんが作った問題を解きなさい。

<解説> 線分NMをひく。

△GBCと△GMNにおいて、

中点連結定理より、 $MN \parallel BC$. . . ①

$$MN = \frac{1}{2}BC \text{ . . . ②}$$

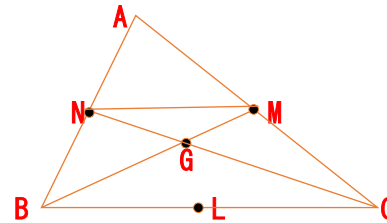
①より $MN \parallel BC$ で、平行線の錯角は等しいから

$$\angle GBC = \angle GMN \text{ . . . ③} \quad \angle GCB = \angle GNM \text{ . . . ④}$$

③、④より、2組の角がそれぞれ等しいから、 $\triangle GBC \sim \triangle GMN$

また、②より $BC : MN = 2 : 1$ だから、△GBCと△GMNの相似比は2 : 1である。

よって、 $BG : MG = 2 : 1$



答 $BG : GM = 2 : 1$

この問題を考えたあと、花子さんは次のような疑問を持ちました。

この図形に線分ALを加えて、線分ALとBMの交点をFとすると、点FとGは同じ場所にくるのかそれとも異なる場所にくるのか、どちらなのかな？

(2) 2点FとGが、同じ点であることを説明しなさい。

<説明>

線分LMをひく。

(1)と同様に、 $\triangle ABF \sim \triangle LMF$ で、相似比は2 : 1である。

よって、 $BF : FM = 2 : 1$ である。

すなわち、点Fは線分BMを2 : 1に分ける点である。

一方、(1)より点Gは線分BMを2 : 1に分ける点である。

よって、点FもGも線分BMを2 : 1に分ける点だから、同じ位置にあるといえる。

